



پژوهشنامهی علوم اقتصادی

علمی - پژوهشی

سال ششم، شماره‌ی ۱۲، نیمه‌ی دوم ۱۳۹۰

پیش‌بینی قیمت سهام با روش رگرسیون فازی

محمد حسن قلی‌زاده*

قاسم وحید پور**

تاریخ پذیرش: ۱۳۸۹/۹/۱۷

تاریخ دریافت: ۱۳۸۷/۷/۲۷

چکیده

در پیش‌بینی قیمت سهام، روش‌های گوناگونی به کار رفته است، اما هیچ کدام از آن‌ها نمی‌تواند، به تمام متغیرهای شرکت کننده در برآورد مدل قیمت سهام و اثر هر یک از آن‌ها و حل خطای مدل بپردازد. اکثر حوزه‌های پیش‌بینی در روش‌های کلاسیکی، چون^۱ ARIMA و روش‌های نوینی، چون شبکه‌های عصبی برای قیمت سهام قرار دارند. در این پژوهش به روشی دست یافته شده که حاصل ادغام رگرسیون معمولی و رگرسیون فازی به همراه بهینه‌سازی و نافازی سازی پارامترها با الگوریتم ژنتیک می‌باشد. در پایان دو روش رگرسیون معمولی و رگرسیون فازی نافازی شده با الگوریتم ژنتیک با هم مقایسه می‌شود.

واژه‌های کلیدی: الگوریتم ژنتیک، رگرسیون فازی، رگرسیون معمولی، ضرایب فازی

طبقه‌بندی JEL: G17 ، E37 ، C33

* استادیار دانشگاه گیلان

** کارشناس ارشد دانشگاه گیلان

مقدمه

پیش‌بینی قیمت‌های سهام به عنوان یک از کاربرهای چالش بر انگیز پیش‌بینی با سری‌های زمانی است. البته بیشترین مدل‌های مورد استفاده برای پیش‌بینی قیمت سهام از مدل‌های سری زمانی نوین بوده است.

اخيراً، شبکه‌های عصبی مصنوعی^۱ برای حل مسایل پیش‌بینی قیمت سهام به کاربرده شده است. کیمو تو^۲ و اساکاوا^۳ شبکه‌های عصبی سلولی را برای پیش‌بینی زمان‌بندی خرید و فروش مبادلات سهام توکیو به کار برندند. کامیجو^۴ و تانیگوا^۵ یک تکنیک شناخت الگو برای پیش‌بینی قیمت سهام در معاوضات سهام توکیو، توسعه دادند. یون و سوالز^۶ شبکه‌ی عصبی چهار لایه ای برای پیش‌بینی قیمت سهام در ایالات متحده آمریکا ارائه دادند. بابه^۷ و کوازاکی^۸ شبکه‌ی عصبی پس انتشار ترکیبی با تکنیک بهینه سازی تصادفی برای پیش‌بینی بازار سهام در ژاپن ارائه کردند. چیونگ و همکاران روش یادگیری رقابتی جریمه ای با رقیب توافقی و مدل تخمینی خطی ترکیبی برای پیش‌بینی هم سهم شانگهای و هم دلار آمریکا به نرخ ارز داستش مارک^۹ مارک^۹ آلمان به کار گرفتند. تاکاهاشی^{۱۰} و همکاران شبکه عصبی پیشنهاد کردند که از یک فن رگرسیون خطی چند گانه برای پیش‌بینی قیمت سهام ساخته شود. دادند (وو و تسنگ^{۱۱}، ۲۰۰۲: ۳۴-۳۳). کیم^{۱۲} و چان^{۱۳} یک شبکه‌ی احتمالی منظم شده ای به همراه مدل خروجی چند مقداری برای پیش‌بینی شاخص بازار سهام توسعه دادند. کریستا^{۱۴} و اکاموتو^{۱۵} روشه‌ی به کار بردنده که قیاس ریاضی ازتابع انرژی برای شبکه

1- Artificial Neural Network (ANN)

2-Kimoto

3-Asakawa

4-Kamijo

5-Tanigawa

6-Swales

7-Baba

8-Kawazaki

9- Deutsch Mark

10-Takahashi

11-Wu and Tseng

12-Kim

13-Chun

14-Cristea

15-Okamoto

های عصبی نسل گرادیانی لایپونو^۱ را در بر می گیرد. دونالدسون^۲ و کامسترا^۳ شبکه شبکه های پیش نگر چند نمایی با ترکیبات غیر خطی برای پیش بینی شاخص سهام S&P ۵۰۰ به کار برده اند. کیم و هان^۴ الگوریتم ژنتیک را برای تفکیک حالات در شبکه عصبی پس انتشار به کار بردنده و در پیش بینی قیمت سهام به کار بردنده(پای ولین^۵، ۲۰۰۵: ۴۹۷-۵۰۰) . پای و لین از مدل ترکیبی ماشین های بردار حمایت^۶ و ARIMA برای پیش بینی قیمت سهام چند شرکت معتبر آمریکایی استفاده کرده است.

رگرسیون فازی توسط تاناکا و همکاران (۱۹۸۲) با استفاده از پارامتر های فازی برای مدل سازی سیستم هایی که با پدیده ابهام یا نادقيق بودن مواجهه اند، توسعه یافت. البته مدل تاناکا برای حل محیط فازی و اجتناب از خطای مدلسازی ارائه شده و این مدل به طور اساسی مدلی با تخمین فاصله سودمندی است که البته فاصله ای تخمین آن می تواند خیلی گسترده باشد(تاناکا^۷، ۱۹۸۲ : ۹۰۳-۹۰۷). در ادامه ایشیبیوچی^۸(۱۹۹۲) به همراه تاناکا تحلیل رگرسیونی فاصله ای مبتنی بر شبکه عصبی پس انتشار ارائه دادند. روش آنان برای دستیابی مدل رگرسیون فازی در تحلیل سری خطی، شناسایی حد بالایی و حد پایینی فاصله داده ها است(تاناکا و ایشیبیوچی ، ۱۹۹۲ : ۲۶۰-۲۶۵). در سال ۱۹۹۲ واتادا به کاربرد رگرسیون فازی در تحلیل سری های زمانی فازی پی برد. همین طور سونگ^۹ و چایسوم^{۱۰} (۱۹۹۳) سری زمانی فازی را تعریف کردند و مدل سازی آن را به وسیله ای میانگین معادلات نسبی فازی و استدلال تقریبی فازی ارائه کردند. در ادامه هم چن^{۱۱} سری زمانی فازی مبتنی بر مفاهیم سونگ و چایسوم ارائه کرد. در سال ۱۹۹۹ هم تسنگ و همکاران مدل سازی

1- Lyapunov Gradient Descent .N.N

2-Donaldson

3-Kamstra

4-Han

5-Pai & Lin

6- Support Vector Machines(SVM)

7-Tanaka

8-Ishibuchi

9-Song

10-Chissom

11-Chen

زمانی فصلی فازی را برای پیش‌بینی ارزش تولید ارائه کردند (تسنگ و لین، ۱۹۹۹ : ۲۶۳-۲۶۴).

حقوقان دیگری چون مسکوویچ و کیم^۱ (۱۹۹۳) تلاش‌شان را برای بهبود قدرت کاربرد رگرسیون فازی اختصاص دادند. در این مسیر، آنان روابط میان مقدار H-^۲(value)، شکل تابع عضویت و گستره‌ی پارامترهای فازی را در مدل رگرسیون خطی فازی مطالعه کردند. هم چنین نگرش منظمی برای ارزیابی مقادیر پارامتر H ارائه دادند(مسکوویچ و کیم، ۱۹۹۳ : ۳۲۰-۳۱۳). کیم و همکاران (۱۹۹۶) و کیم و چن (۱۹۹۷)، مقایسه‌ای بین رگرسیون خطی ناپارامتریک و فازی ایجاد کردند و نتیجه گرفتند که اندازه‌ی مجموعه‌ی داده‌ها کوچک باشد، دوره‌های خطا تنوع کمتری دارد(کیم و چن، ۱۹۹۷ : ۴۱۵-۴۱۹). اخیراً یانگ^۳ و کو^۴ (۱۹۹۷) یک فازی خوشه واری در دو روش رگرسیون فازی وزن دار دو مرحله‌ای و رگرسیون فازی تعمیم یافته تک مرحله‌ای ارائه کردند (لی و چن، ۲۰۰۱ : ۲۰۵-۲۰۶). حقوقانی چون وو و تسنگ، چن و همکاران و لین و تسنگ، به ترتیب از رگرسیون فازی برای پیش‌بینی چرخه‌ی تجاری تولید(وو و تسنگ، ۲۰۰۲ : ۳۳-۴۲)، پیش‌بینی قیمت و فروش محصول در صنعت نیمه‌هادی(چن و وانگ^۵، ۱۹۹۹ : ۳۵۱-۳۳۹) و پیش‌بینی ورشكستگی شرکت‌ها در انگلستان به کار گرفته شد(تسنگ و لین، ۲۰۰۵ : ۸۵-۹۱).

در بررسی دیگر حجازی و همکارانش به ارائه‌ی مدلی ترکیبی از دو روش پیش‌بینی یعنی مدل رگرسیون فازی و شبکه‌ی عصبی مصنوعی پرداخته و توانسته اند نقایص دو مدل را با هم ترکیب کنند و به نتایج بهتری دست یابند و مسایلی چون نیاز به میزان زیادی از داده‌ها در شبکه‌ی عصبی را با رگرسیون فازی که برای وضعیت داده‌های ناقص مناسب است حل کنند. و از این روش درپیش‌بینی قیمت طلا و نرخ ارز استفاده برده اند (خاشعی، حجازی و بیجاری، ۲۰۰۰ : ۲۳-۲۶).

از آن جا که در بازار سهام ابهام در تعیین قیمت واقعی و همین طور خطای حاصل از مدل رگرسیون وجود دارد سعی در ارائه‌ی مدلی است که با استفاده از آن، قیمت

1-Moskowitz and Kim

2-Yang

3-Ko

4-Chen and Wang

سهام پیش بینی شود. در روش مورد نظر، ما با بهینه سازی و یافتن ضرایب مدل رگرسیون فازی و سپس نافازی سازی آن با الگوریتم ژنتیک با استفاده از ضرایب مرکزی ناشی از برآورد رگرسیون معمولی به پیش بینی قیمت سهام پرداخته ایم.

در رگرسیون فازی برای یافتن ضرایب فازی (در روش های مثل روش تاناکا) به دنبال بهینه سازی با روش های مثل برنامه ریزی خطی هستیم . این روش ها در ابعاد و داده های بالا و غیر خطی شرایط سختی خواهند داشت. اما در این تحقیق از الگوریتم ژنتیک استفاده شد که به محدودیت های آن بهتر جواب داده است. مسأله ارائه ای مدل رگرسیون فازی است که هم پیش بینی خوبی انجام دهد و هم مدل علی برای مسئله تهیه شود. البته مدل قبل^{۲۵} با داده های گرفته شده در زمینه کشاورزی با مجموعه مشاهده انجام پذیرفت که نتیجه ای آن با روش استفاده شده در مقاله مقایسه شد . نتایج حاکی از آن بود که مدل دارای درجه ای ابهام پذیری بهتری نسبت به روش قبل بوده است و معیارها بهبود بهتری یافته اند.

متغیرها، داده ها و روش پژوهش

با مطالعات انجام شده بر روی مقالات و پایان نامه ها و سایر منابع، ۱۱ متغیر ورودی مدل انتخاب شده که بر قیمت سهام اثر گذاشته و بتواند روند و مقادیر تغییرات آن را تبیین کند و همین طور رابطه و همبستگی بین آن ها معنی دار گرداند. سعی شده است متغیر ها براساس جریان تعیین قیمت سهام مدل کران به همراه تحلیل بنیادی و عوامل مؤثر بر قیمت و بازده سهام و ارتباط بین ریسک و بازده با قیمت و عوامل اثر گذار بر آن ارائه شود. در این پژوهش با مطالعات از منابع گذشته در زمینه ای عوامل مؤثر بر قیمت سهام و تئوری های ارزش گذاری سهام و تحلیل متغیرها با رگرسیون معمولی به متغیر های نهایی برای هر شرکت رسیده ایم. تشکیل مدل نهایی با استفاده از رگرسیون اولیه که از مجموعه ای از متغیر های اولیه به وجود آمده است. با ارائه ای آزمون علیت گرانجر^۱ متغیر هایی که با متغیر وابسته در ارتباط هستند، ثابت می شود و سپس با انجام آزمون حذف متغیر اضافی^۲ در نرم افزاری Eviews به متغیرهایی که در مدل های نهایی مدل مؤثرند، دست یافته شد.

1- Granger causality test

2- Redundant variable test

داده‌های پژوهش از شرکت‌های تولیدی بورس در گروه صنایع کانی غیرفلزی شامل دو شرکت شیشه و گاز با نماد کگاز و شرکت چینی ایران با نماد کچینی است، که در دوره‌ی ۵ ساله از فروردین سال ۱۳۷۹ تا اسفند سال ۱۳۸۳ برآورده و سپس برای سال ۱۳۸۴ پیش‌بینی صورت گرفته است. متغیرهای اولیه برای برآورده با روش رگرسیون معمولی برای مدل شرکت کگاز به ترتیب شامل قیمت بر عایدی هر سهم(P/E)، بازده کل دارایی، لگاریتم شاخص قیمت مصرف کننده(CPI) و قیمت نفت می‌باشد و برای مدل شرکت کچینی شامل P/E، بازده نقدی سهام و قیمت، مجموع دارایی‌ها، لگاریتم شاخص قیمت مصرف کننده و قیمت نفت می‌باشد، که متغیر وابسته در هر دو قیمت سهام است. داده‌های همه‌ی متغیرهای شرکت کننده در مدل پیش‌بینی به صورت ماهانه می‌باشند که در مدل نهایی وقفه‌هایی هم، برای برخی متغیرهای از جمله متغیر وابسته در نظر گرفته شده است.

روش مورد استفاده بدین صورت است که ابتدا با روش رگرسیون معمولی برآورده انجام و خطاهای ثبت می‌شود سپس با استفاده از ضرایب رگرسیون معمولی به جای حد مرکزی روش فازی آن به برآورد پهنهای فازی با روش الگوریتم ژنتیک پرداخته شد و در مرحله‌ی بعد برای به دست آوردن نتایج قطعی بهتر نسبت به رگرسیون معمولی از الگوریتم ژنتیک برای نافازی سازی استفاده شده و نتایج آن با روش معمولی مقایسه شد.

مجموعه‌های فازی و اعداد فازی

فرض کنید X یک مجموعه‌ی مرجع دلخواه باشد. هر زیرمجموعه‌ی معمولی از X توسط یک تابع از X به مجموعه $\{0, 1\}$ ، به نام تابع نشانگر، تعریف می‌شود که عبارت است از:

$$\mu_A(x) = \begin{cases} 1 & x \in A \\ 0 & x \notin A \end{cases} \quad [1]$$

حال اگر برد تابع نشانگر از مجموعه‌ی دو عضوی $\{0, 1\}$ به بازه‌ی $[0, 1]$ توسعه داده شود، یک می‌آید که به هر عضو از X ، عددی را از بازه‌ی $[0, 1]$ نسبت می‌دهد

و تابع عضویت مجموعه \tilde{A} نامیده می شود و با نماد، $(x) \mu_{\tilde{A}}$ نشان داده می شود.
در این حالت \tilde{A} تعمیمی از مفهوم مجموعه \tilde{A} معمولی است و یک مجموعه \tilde{A} فازی از x نامیده می شود.

بدین ترتیب، یک مجموعه \tilde{A} فازی، مجموعه ای است که درجات عضویت اعضای آن پیوسته از بازه $[0, 1]$ اختیار می شود. تابع عضویت $(x) \mu_{\tilde{A}}$ (یا به طور خلاصه $\tilde{A}(x)$)، به هر عنصر از X ، یک عدد را از بازه $[0, 1]$ به عنوان درجه \tilde{A} عضویت آن عنصر در مجموعه \tilde{A} نسبت می دهد. نزدیکی مقدار $\tilde{A}(x)$ به عدد یک نشان دهنده \tilde{A} از فازی x به مجموعه \tilde{A} است و بر عکس نزدیکی آن به صفر نشان دهنده \tilde{A} از x است.

مجموعه های فازی خاصی که در مسایل کاربردی بسیار متداول هستند، و به علاوه محاسبات ریاضی با آن ها از الگوهای خاصی پیروی می کند، اعداد فازی مثلثی نام دارند. تابع عضویت یک عدد فازی مثلثی (\tilde{A}) به صورت زیر است:

$$\tilde{A}(x) = \begin{cases} 0 & x \leq S^L \\ \frac{x-S^L}{c-S^L} & S^L \leq x \leq C \\ \frac{S^R-x}{S^R-c} & C \leq x \leq S^R \\ 0 & S^R \leq x \end{cases} \quad [2]$$

عدد فازی مثلثی $\tilde{A} = (C, S^L, S^R)$ با نماد \tilde{A} نشان داده می شود. عدد C مقدار میانی، و اعداد S^L و S^R به ترتیب، پهنهای چپ و پهنهای راست \tilde{A} نامیده می شوند. در حالتی که $S^L = S^R$ ، عدد فازی مثلثی \tilde{A} متقارن گفته می شود(امینی و خیاطی، ۱۳۸۵: ۷۷-۸۰).

الگوریتم ژنتیک

الگوریتم های ژنتیکی الگوریتم های جستجو هستند که از اصول حاکم بر ژنتیک طبیعی برای حل مسایل بهینه سازی استفاده می کنند. الگوریتم ژنتیک اولیه توسط

هالند در سال ۱۹۷۵ پیشنهاد شد و بعدها توسط گلد برگ^۱، میکالوویچ^۲ و دیگران تکامل پیدا کرد. الگوریتم ژنتیک در آغاز کار به یک جمعیت آغازین نیاز دارد. این الگوریتم با تغییر ژنتیک کروموزوم های این جمعیت آغازین آن را طوری تکامل می بخشد که با ایجاد نسل های نوین، رفته رفته پاسخ پرسش بهگزینی را بیابید.

هر الگوریتم بهینه سازی کارا باید دو رویه را برای پیدا کردن پیشینه‌ی نهایی استفاده کند: استخراج با بررسی نواحی مشخص و جدید در فضای جستجو و اکتشاف در نقطه های معلوم به منظور یافتن بهترین نقطه‌ی این دو رویه ملزم متناقض هستند و الگوریتم خوب باید یک توازن مناسبی بین این دو ایجاد کند. اغلب تحقیقات الگوریتم ژنتیک متداول در ناحیه‌ی بهینه سازی تابع عددی تمرکز یافته است. الگوریتم های ژنتیک نشان داده اند که قادر به انجام تکنیک های بهینه سازی مرسوم در توابع سخت، ناپیوسته، چند شرطی و نویزدار هستند. این مشخصات نمونه داده های بازار هست و این تکنیک مناسب برای اهداف مدلسازی بازار و تخصیص دارایی هستند.
نافازی سازی رگرسیون فازی با الگوریتم ژنتیک

با توجه به نتایجی که از رگرسیون آماری به دست خواهد آمد و اثبات رابطه بین متغیرهای مورد مطالعه می توان در پژوهش حاضر از رگرسیون خطی با ضرایب فازی به منظور مدل بندي تابع عوامل مؤثر بر قیمت سهام استفاده شود. در مدل رگرسیون با ضرایب فازی، فرض بر آن است که اختلاف بین مقادیر مشاهده شده مربوط به متغیر وابسته و مقادیر برآورده شده توسط مدل ناشی از ابهام در ساختار مدل می باشد. این ابهام در ضرایب مدل که اعداد فازی هستند، منظور می شود. بدین ترتیب در این نوع مدل رگرسیون خطی، هدف آن است که بر پایه‌ی مجموعه‌ی مشاهدات، (y_m, \underline{x}_m) , (y_1, \underline{x}_1) , ..., (y_n, \underline{x}_n) و ضرایب (اعداد) فازی A_0, A_1, \dots, A_n طوری به دست آید که:

1-Goldberg

2-Michalewiez

3- Election

4- Crossover

5- Mutation

$$\tilde{y} = f(\underline{x}) = \tilde{A}_0 + \tilde{A}_1 X_1 + \dots + \tilde{A}_n X_n \quad [3]$$

یک مدل بهینه باشد، که در آن $x_i = (x_{j_1}, \dots, x_{in})$; $i=1, \dots, m$ و x_{ij} مقدار مشاهده i ام از متغیر j ام است (محمدی و طاهری، ۱۳۸۴: ۵۰-۵۱).

اگر فرض گردد که ضرایب $\tilde{A}_i (C_i, s_i)$ اعداد فازی مثلثی متقابن باشد، آن گاه بر پایه ای تعریف و ویژگی های مربوط به جمع تفاضل و ضرب اسکالر اعداد فازی (۲)، \tilde{Y} یعنی خروجی مدل فازی نیز یک عدد فازی مثلثی و به صورت زیر خواهد بود(طاهری و علامت ساز، ۱۳۸۵: ۵۴-۵۵).

$$\begin{aligned} \tilde{Y} &= (f^c(\underline{x}), f_s(\underline{x}))_T \\ f^c(\underline{x}) &= C_0 + C_1 x_1 + \dots + C_n x_n \\ f_s(\underline{x}) &= s_0 + s_1 x_1 + \dots + s_n x_n \end{aligned} \quad [4]$$

بنابراین تابع عضویت خروجی \tilde{Y} را که یک عدد فازی مثلثی است، می توان به صورت زیر نوشت:

$$\tilde{Y}(y) = \begin{cases} 1 - \frac{y - f^c(\underline{x})}{f_s^L(\underline{x})} & f^c(\underline{x}) - f_s^L(\underline{x}) \leq y \leq f^c(\underline{x}) \\ 1 - \frac{f^c(\underline{x}) - y}{f_s^R(\underline{x})} & f^c(\underline{x}) \leq y \leq f^c(\underline{x}) + f_s^R(\underline{x}) \end{cases} \quad [5]$$

تعیین ضرایب فازی

در رگرسیون با ضرایب فازی(و مشاهدات غیر فازی)، هدف آن است که ضرایب \tilde{A}_i و $i=1, \dots, n$ به گونه ای تعیین شود که اولاً؛ خروجی فازی، \tilde{Y} برای تمامی مقادیر $m, \dots, 1, j=1, \dots, m$ و y_j ، حداقل دارای درجه ای عضویتی به بزرگی h باشد:

$$\tilde{Y}(y_i) \geq h \quad , j = 1, \dots, m \quad [6]$$

ثانیاً، ابهام یا فازی بودن خروجی مدل در حداقل ممکن باشد.
شرط اول تضمین می کند که در مدل نهایی، مقدار عضویت y_i یعنی i امین مقدار مشاهده شده متغیر وابسته در برآورد فازی آن توسط مدل، $(\tilde{Y}(y_i))$ ، حداقل به اندازه i

h باشد. مقدار h توسط کاربر انتخاب می‌شود و می‌توان آن را به عنوان سطح اعتبار مدل تعبیر کرد. شرط دوم نیز بیان کننده‌ی این نکته است که ابهام در مقدار پیش‌بینی متغیر وابسته باید حداقل باشد. چون بر پایه‌ی هر مشاهده، یک خروجی از مدل خواهیم داشت، پس باید مجموع ابهام‌های خروجی‌ها را حداقل کنیم به بیان دیگر باید مقدار زیر حداقل شود:

$$z = m(s_0) + \sum_{i=1}^n \left[S_i \sum_{j=1}^m x_{ij} \right]$$

در مطالعه و پژوهش مورد نظر، بر اساس آنالیز حساسیت مدل بر پایه‌ی مقدار h و با توجه به مقادیر ابهام کل Z و شاخص اطمینان^۱ (IC) انجام می‌شود (وانگ و تسلور، ۳۵۲: ۳۶۵).

با توجه به رابطه‌ی [۶] محدودیت‌های مدل به صورت زیر به دست می‌آیند:

$$(1-h)s_0 + (1-h)\sum_{i=1}^n (s_i x_{ji}) + C_0 + \sum_{i=1}^n (C_i x_{ji}) \geq y_j$$

$$(1-h)s_0 + (1-h)\sum_{i=1}^n (s_i x_{ji}) - C_0 - \sum_{i=1}^n (C_i x_{ji}) \leq -y_j \quad [v]$$

$$(j = 1, \dots, m)$$

با توجه به رابطه‌ی [۷] مشخص می‌شود که برای هر مشاهده دو محدودیت ایجاد می‌شود. پس مسئله‌ی یافتن ضرایب فازی مدل، معادله با حداقل سازی تابع هدف Z با توجه به $2m$ محدودیت تولید شده توسط m مشاهده است. بدین ترتیب با یک مسئله‌ی برنامه‌ریزی خطی روبه رو هستیم که به روش‌های مختلف از جمله سیمپلکس قابل حل است (محمدی و طاهری، ۱۳۸۴: ۵۳-۵۴).

اما در این پژوهش با توجه به ازدیاد یافتن مشاهدات در مدل‌های اقتصادی سنجد و متغیرهای فراوان در آن با رویکرد پیش‌بینی با رگرسیون فازی و از طرفی با محدودیت‌های برابر $2m$ (برای m مشاهده) مدل دارای محدودیت‌های فراوانی برای حل خواهد شد. مثلاً برای 60 مشاهده در این تحقیق معادل 120 محدودیت خواهیم داشت که در اینجا گزینه‌ی بهینه سازی با روش الگوریتم ژنتیک می‌تواند کارا باشد که فقط تابع هدف را مد نظر قرار می‌دهد و مسئله را بهینه و قابل قبول می‌کند.

ارزیابی مدل

یکی از معیارهای ارزیابی مدل های رگرسیون خطی با ضریب فازی بر پایه ای شاخص اطمینان (IC) است که به صورت زیر تعریف می شود:

$$IC = 1 - \frac{SSE}{SST} \quad [8]$$

که در آن SSE، SST به ترتیب مجموع مجذورات خطأ و مجموع مجذورات کل رگرسیون فازی است (وانگ و تساور، ۲۰۰۰: ۳۶۰-۳۶۲).

$$\begin{aligned} SSE &= 2 \sum_{i=1}^m (y_j - \hat{y}_j^c)^2 \\ SST &= \sum_{i=1}^m (y_j - \hat{y}_j^L)^2 + \sum_{i=1}^m (\hat{y}_j^R - y_j)^2 \end{aligned} \quad [9]$$

انتخاب مدل بهینه

در رگرسیون خطی با ضرایب فازی، مدل های مختلف با ضرایب کشیدگی متفاوت را می توان مورد توجه قرار داد و در نهایت مدلی را که دارای IC کوچک تر باشد، به عنوان مدل بهینه انتخاب کرد. البته در این زمینه باید یک سطح اعتبار مناسب را نیز در نظر گرفت (محمدی و طاهری، ۱۳۸۴: ۵۵).

در این بخش لازم است که ضرایب مرکزی بهبود یابد. چون ابهام فازی در حالت متقارن تأثیری فوق العاده بر مرکز عددی نمی گذارد و تغییر سطح h هم تأثیری بر مقدار میانی (مرکز ضرایب) ندارد و تنها پهنهای اعداد فازی (ضرایب مدل) را تغییر می دهد (همان: ۵۹). پس لازم است، دوباره روشی به کار برد که مقدار میانی را بهبود دهد. همان طور که می دانیم ضرایب مدل در واقع شیب مدل را تبیین می کند و پهنهای فازی در واقع معادل خطای استاندارد در مدل معمولی می باشد. با وجود این می توان تابعی به نام تابع خطأ تعریف نمود که شامل مجموعه ای قدر مطلق خطای مدل باشد به طوری که میزان محدودیت های حاصل از پهنهای فازی را نقض نکند.

$$\begin{aligned} \text{Min } Z_e &= \sum_{j=1}^n |Y_j - (C_0 + \sum_{i=1}^m C_i X_{ji})| \\ (1-h)s_0 + (1-h) \sum_{i=1}^n (s_i x_{ji}) + C_0 + \sum_{i=1}^n (C_i x_{ji}) &\geq y_j \end{aligned} \quad [10]$$

$$(1-h)s_0 + (1-h)\sum_{i=1}^n (s_i x_{ji}) - C_0 - \sum_{i=1}^n (C_i x_{ji}) \geq -y_j$$

با توجه به تابع بالا و با در نظر گرفتن سطح پهنانی فازی مناسب با IC خوب به کمینه کردن آن پرداخته و این روش را هم با استفاده از الگوریتم ژنتیک انجام می‌دهیم تا ضرایب مرکزی بهتری نسبت به مدل فازی قبلی که حاصل از رگرسیون معمولی بود، به دست آید. پس از یافتن مدل رگرسیون فازی نافازی شده با الگوریتم ژنتیک به برآورد خطای حاصل از این مدل می‌پردازیم و نتایج آن را با نتایج حاصل از رگرسیون معمولی مقایسه می‌کنیم.

نتایج تجربی

نمونه‌ها ای پژوهش از بازار بورس ایران در گروه صنایع کانی غیر فلزی است. این گروه مجموعه‌ای از شرکت‌های کاشی، سرامیک، فراورده‌های نسوز و سیمان را به طور عمده شامل می‌شود. شرکت‌های نمونه از این گروه بر حسب فعالیت و سابقه‌ی در بورس برای پیش‌بینی انتخاب شده‌اند.

در روش مورد نظر پژوهش، ابتدا برآورده با رگرسیون معمولی انجام شده که نتایج آن در جدول شماره‌ی یک آمده است. سپس برآورده با رگرسیون فازی انجام می‌شود و در نهایت دو روش با هم مقایسه می‌شوند.

جدول شماره‌ی یک - نتایج برآورد با روش رگرسیون معمولی

شرکت	معادلات برآورده
کگاز	$Y = 0.8795 Y_{(-1)} + 80.117 X_5 - 69.425 X_{5(-1)} + 127/3 X_9 - 107/73 X_9(-1) + 24.08 X_{16} - 4.36 X_{14} - 0.0064 d_2 Y_{(-4)}$
کچینی	$Y = 0.744 Y_{(-1)} + 40.7/73 X_5 - 36.0/18 X_{5(-1)} + 0.136 X_7 - 0.00782 X_8 + 687/0.07 X_{16} - 4.88 X_{14} - 0.0449 d_2 Y_{(-4)}$

Y = P/E , وقفه‌ی اول قیمت سهام = $Y_{(-1)}$, قیمت سهام هر شرکت = X_5 ، بازده نقدی سهام و قیمت X_7 = X_7 ، وقفه‌ی اول قیمت بر عایدی سهام = X_5 ، بازده کل دارایی ها = X_8 ، مجموع دارایی ها = X_9 ، وقفه‌ی اول بازده نقدی سهام و قیمت X_7 = X_7 ، لگاریتم (log CPI)، X_{16} = CPI

X14= وقفه‌ی چهارم تفاضل مرتبه‌ی دوم قیمت سهام = $d_2 Y_{(-4)}$, قیمت نفت

در رگرسیون فازی معمولاً، پارامترها با برنامه ریزی خطی و غیر خطی تعیین می‌شد، اما در این روش برآورد با الگوریتم ژنتیک صورت می‌گیرد. در این پژوهش با توجه به ازدیاد یافتن مشاهدات در مدل‌های اقتصادی سنجدی و متغیرهای فراوان در آن با رویکرد پیش‌بینی با رگرسیون فازی و از طرفی با محدودیت‌های برابر $2m$ (برای m مشاهده) مدل‌دارای محدودیت‌های فراوانی برای حل خواهد شد. مثلاً برای ۶۰ مشاهده در این تحقیق معادل ۱۲۰ محدودیت خواهیم داشت که در این جا گزینه‌ی بهینه سازی با روش الگوریتم ژنتیک می‌تواند کارا باشد که فقط تابع هدف را مدد نظر قرار می‌دهد و مسأله را بهینه و قابل قبول می‌کند. از طرفی دیگر می‌تواند برای مدل‌های غیر خطی و ناپیوسته رگرسیون فازی نامتقارن و متقارن کارا باشد.

باید توجه داشت در ابتدای کار از ضرایب رگرسیون فازی به عنوان مرکز نمونه عددی (مقدار میانی) و از چند برابر مقدار خطای استاندارد ضرایب در رگرسیون معمولی به عنوان محدوده‌ی جستجوی الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. تمامی برآوردها برای پهنانی فازی در قالب دو جدول زیر مورد بررسی قرار گرفته است.

جدول شماره‌ی دو - نتایج تجزیه و تحلیل حساسیت برای تابع قیمت سهام شرکت کگاز

۱۲۱..... پیش بینی قیمت سهام با روش رگرسیون فازی ...

جدول شماره ۵ سه - نتایج تجزیه و تحلیل حساسیت برای تابع قیمت سهام
شرکت کچینی

ردیف کد (Z)	ضرایب مدل مقدار مرکز عدد فاری (ضرایب رگرسیون معمولی)	ضرایب مدل مقدار مرکز عدد فاری (ضرایب رگرسیون معمولی)									
		C ₀	S ₀ S _{2Y(-4)}	S _{X₁6}	S _{X₁4}	S _{X₈}	S _{X₇}	S _{X₅} S _{X₅(-1)}	S _{X₅(-1)}	S _{X₄(-1)}	d ₂
۲۲۶۰۵۷/۴۵	۰/۹۷۶۴۷۷	۰	۰	۰	۱۳۴/۸۸۴	۹/۹۸E-۰۸	۰	۰	۰	۰	۰
۲۵۱۲۶۵/۴۷	۰/۹۸۰۸۷۴	۰	۰	۰	۱۴۹/۹۲۱	۵/۳۵E-۰۷	۰	۰	۰	۰	۰/۱
۲۸۱۱۳۱/۱۹	۰/۹۸۴۶۶۲	۰	۰	۰	۱۶۷/۷۳۴	۱/۱۰E-۰۶	۰	۰	۰	۰	۰/۲
۳۲۵۷۲۸/۸۳	۰/۹۸۸۵۲۹	۰	۰	۰	۱۹۴/۳۲۵	۲/۶۰E-۰۶	۰	۰	۰	۰	۰/۳
۳۸۶۶۹۰/۲۹	۰/۹۹۴۰۱۶	۰	۰	۰	۲۳۰/۳۶۳	۲/۸۴E-۰۵	۰	۰	۰	۰	۰/۴
۴۵۳۵۶۲/۳۷	۰/۹۹۴۸۳	۰	۰	۰	۲۶۸/۶۷۴	۰/۰۰۱۵	۰	۰	۰	۰	۰/۵
۵۷۹۷۴۷/۵۵	۰/۹۹۶۱۶۶	۰	۰	۰	۳۳۵/۹۳۰	۰/۰۰۰۲	۰	۰	۰	۰	۰/۶
۷۳۶۳۴۵/۹۴	۰/۹۹۷۵۰۸۲	۰	۰	۰	۴۰۵/۴۷۷	۰/۰۰۲۵۹	۰	۰	۰	۰	۰/۷
۱۰۹۰۰۵۴/۲	۰/۹۹۸۸۳	۰	۰	۰	۵۵۳/۲۹۷	۰/۰۰۷۶۵	۰	۰	۰	۰	۰/۸
۲۰۱۸۷۲۰/۹	۰/۹۹۹۵۱۳	۰	۰	۰	۵۸۷/۰۱۰	۰/۰۴۷۱۹۰	۰	۰	۰	۰	۰/۹

S_{xi}= پهنهای فاری

Y= قیمت سهام

در جداول مورد نظر تجزیه و تحلیل حساسیت، بعضی متغیرها دارای ابهام زیادی هستند که حتی ضریب متغیر حد پایین رگرسیون فازی را منفی نشان می دهد. شاید بعضی

از این متغیرها دارای اثرات متناوبی در طول زمان باشند که گاه در حالت ضریب مثبت در مدل وارد می‌شوند و گاه به صورت ضریب منفی. این حاکی از ابهام پارامترها در مدل‌های رگرسیونی است که می‌شود در این باره بررسی بیشتری در پژوهش دیگری انجام شود.

در نتیجه تمامی ابهام کل مدل و IC مقادیر بالایی را به دلیل پنهانی فازی بالا دارا می‌باشند که این مورد ناهمسانی پنهانی فازی را در فازیت مدل قیمت سهام بیان می‌کند.

این مسئله اقتضا می‌کند مسایلی باحالت نامتقارن را در پژوهش‌های آتی مدنظر قرار دهند.

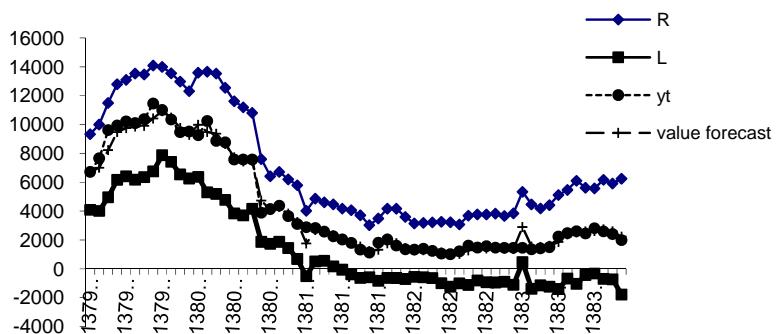
در این گام، با توجه به شاخص اطمینان و ابهام کل مدل به انتخاب سطح اعتباری خاص برای ورودی مرحله اقدام می‌شود. در دو نمونه شاخص اطمینان‌ها تا حدودی نزدیک به هم می‌باشند و می‌توان گفت پنهانی فازی در سطح اعتبار بین 0.05 تا 0.07 بتواند تمام کنش‌ها و تغییرات قیمت سهام را مورد پوشش قرار دهد. از میان این سطوح اعتبار برای هر نمونه سطح اعتباری به صورت جدول شماره‌ی چهار انتخاب شده است.

جدول شماره‌ی چهار - مدل‌های انتخابی با توجه به سطح اعتبار مناسب

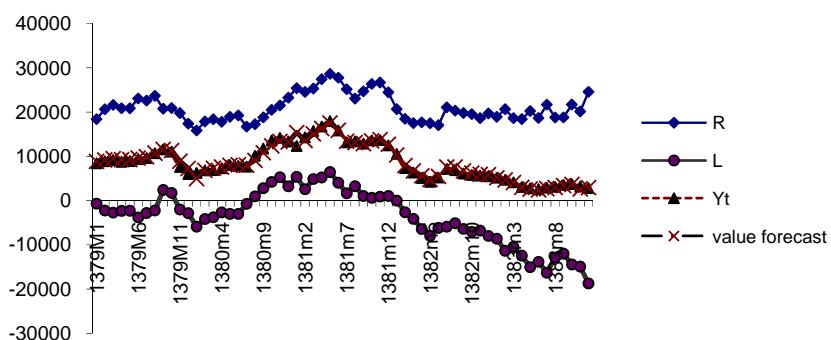
مدل	مدل انتخابی (مقدار میانی ، پنهانی فازی)	سطح اعتبار (h)
کگاز	$Y = (48/664, 0/0) + (0/0, 0/8795) Y_{(-1)} + (10/3170, 80/1117) X_5 + (15/1880, -69/425) X_5_{(-1)} + (0/0, 127/3) X_9 + (8/831, -107/773) X_9_{(-1)} + (8/627, 24/08) X_{16} + (70/992, -4/36) X_{14} + (0/0, -0/0064) d_2 Y_{(-4)}$	0.05
کچینی	$Y = (0/0, 0/0) + (0/0, 0/744) Y_{(-1)} + (0/0, 407/773) X_5 + (0/0, -360/18) X_5_{(-1)} + (2/60e-3, 0/136) X_7 + (405/48, -0/00782) X_8 + (0/0, 687/007) X_{16} + (0/0, -4/88) X_{14} + (0/0, -0/0449) d_2 Y_{(-4)}$	0.07

نمودارهای مربوط به این دوتابع درادامه بیان شده که در سه حدّ بالا، میانی و پایینی به همراه قیمت سهام نمایش داده شده است.

قیمت واقعی سهام y_t ، مقدار پایین فازی L ، مقدار بالای فازی R (value forecast = مقدار میانی پیش‌بینی)



شکل شماره ی یک - نمودار فازی قیمت سهام شرکت کگاز



شکل شماره ی سه - نمودار فازی قیمت سهام شرکت کچینی

حال با توجه به این سطح اعتباری که برای هر نمونه تعیین شده است به دنبال مقدار مرکزی بهینه تری می گردیم. این مقدار مطمئن‌ا در بین ابهام حاصل از تغییر شیب پارامترهای رگرسیون در اثر فازیت مدل قرار دارد که با استفاده از الگوریتم ژنتیک باتابع کمینه خطای مدل تحت قیود قبلی برای تعیین پارامترهای فازی با مقدار پهنای فازی مشخص انجام می پذیرد. این بهینه سازی هم تحت قیود قبلی برای تعیین پارامترهای فازی بامقدار پهنای فازی مشخص انجام می پذیرد. این بهینه سازی هم تحت همان شرایط قبلی الگوریتم ژنتیک با نرم افزار مطلب انجام می گیرد. نتایج حاصل از این قدم در جدول شماره ی پنج آمده است که تحت عنوان ضرایب حاصل از رگرسیون تطبیق داده شده با الگوریتم ژنتیک بیان شده است.

جدول شماره‌ی پنج – مدل‌های رگرسیون نافاصلی شده با الگوریتم ژنتیک

مدل شرکت	مدل انتخابی (مقادیر میانی ، پهنه‌ی فازی)	سطح اعتبار (h)
کگاز	$Yd = 48/573 + 0/8795 Y_{(-1)} + 76/69 X_5 - 59/121 X_{5(-1)} + 127/3 X_9 - 111/66 X_{9(-1)} + 17/753 X_{16} - 4/639 X_{14} - 0/5 0/0064 d_2 Y_{(-4)}$	
کچینی	$Yd = + 0/744 Y_{(-1)} + 40/773 X_5 - 360/18 X_{5(-1)} + 0/13632 X_7 - 0/00991 X_8 + 787/007 X_{16} + 11/690 X_{14} - 0/7 0/0449 d_2 Y_{(-4)}$	

همان طور که در جدول شماره‌ی شش ضرایب محاسبه شده آورده شده است، در آن مقادیر نسبت به مقادیر قبلی تغییر یافته حتی در متغیر X_{14} مدل تابع قیمت سهام شرکت کچینی از مقدار منفی به مثبت تغییر شیب داده است. در ادامه این مطلب خطاهای حاصل از این برآورد به طور خلاصه آورده شده است.

جدول شماره‌ی شش – معیار عملکرد معادلات برآورده با مدل‌های رگرسیون تطبیق یافته با الگوریتم ژنتیک

شرکت‌ها	MSE	RMSE	MAE
کگاز(Yd)	۴۷۱۲	۶۸,۶۵	۴۵,۶۴
کچینی(Yd)	۱۱۴۴۹,۱۴	۱۰۷,۰۰	۷۰,۹۲

نتیجه‌گیری

نتایج حاصل از به کارگیری این روش با روش رگرسیون معمولی نشان می‌دهد که خطابه طور قابل ملاحظه‌ای کاهش یافته است و نتایج خطای دو روش در جدول شماره‌ی هفت آورده شده است.

جدول شماره‌ی هفت - معیارهای ارزیابی عملکرد برای دو روش مورد نظر

روش	نام شرکت	MSE	RMSE	MAE
نمودار ۶-۱: مدل رگرسیون فازی	کگاز	۱۱۰۲۹/۹	۱۰۵/۰۲۳۳	۸۵/۳۱۲۴
	کچینی	۳۱۵۹۱/۰۶	۱۷۷/۷۴	۱۳۴/۳۹
نمودار ۶-۲: مدل رگرسیون معمولی	کگاز	۴۷۱۲	۶۸/۶۵	۴۵/۶۴
	کچینی	۱۱۴۴۹/۱۴	۱۰۷/۰۰	۷۰/۹۲

در دو نمونه‌ی مورد بررسی از شرکت‌های بورس اوراق بهادار تهران می‌باشد، مورد تحلیل و تجزیه قرار گرفت و مقایسه‌ی پایانی حاکی از آن است که مدل بهبود یافته و به خطای کمتری نسبت به رگرسیون معمولی دست یافته و این فرض در هر دو نمونه تحت سه معیار جوابی نسبتاً خوب ارایه داده است تا حدی که خطای حاصل را تقریباً به نصف کاهش داده است.

بنابراین، یافته‌های این تحقیق به شرح زیر است:

- ۱- استفاده از روش رگرسیون فازی با پهنه‌ای فازی مناسب تحت سطح اعتبار h مناسب قادر است تا نوسانات قیمت سهام را پوشش دهد و تصمیم گیرنده را از خطای پیش‌بینی و هزینه‌ی آن مصون نگه دارد و او را قادر به تحلیل و برنامه‌ریزی به صورت فازی می‌گرداند.
- ۲- از پهنه‌ای فازی در سطح اعتباری که فرد تصمیم می‌گیرد می‌توان خطای رگرسیون قطعی را با ارائه‌ی مدلی تلفیقی با الگوریتم ژنتیک بهبود داد و در نتیجه در مسایلی، با قطعیت بیشتر مورد استفاده قرار گیرد.
- ۳- نقطه‌ی قوت این بررسی آن است که می‌توان از این روش برای تلفیق رگرسیون معمولی با رگرسیون فازی استفاده کرد و با کمک روش الگوریتم ژنتیک آن را

برای تمامی مسایل برآورده با رگرسیون فازی به کار برد؛ حتی زمانی که داده‌های تحقیق در ابعاد بسیار بالا باشد این روش فوق العاده کم هزینه است و وقت کمتری نسبت به سایر روش‌ها می‌برد و برآورد نسبتاً بهتری انجام می‌شود.

منابع و مأخذ:

- Amini, Amirmozafar, Khayati, Mehdi (1385) «Effective factors on unsuccess of Constitution plan of water users cooperatives», *agriculture and development economy*, fourteenth years, number 53, Pp: 69-80.
- Chen, Toly, Mao-Jiuj, Wang(1999) «Forecasting method using fuzzy concepts», *Journal of Fuzzy sets and systems*, 105 , Pp: 339-352.
- Gen, Mitsuo, Runwei, Cheng(1997) *Genetic algorithm and engineering design*, A Wiley-Interscience publication, Newyork, NY.
- Ishibuchi. H, H. Tanaka(1992) «Fuzzy regression analysis using neural networks», *Journal of Fuzzy sets and systems* ,50, Pp: 261-265.
- Khashei, Mehdi, Seyed Reza, Hajazi, Mehdi, Bijari(2007) «A new hybrid artificial neural network and fuzzy regression model for time series forecasting», *Journal of Fuzzy sets and systems*, Pp: 22-27.
- Kim, K.J, H.R, Chen(1997) *A comparison of fuzzy and nonparametric linear regression*, Comput.Oper.Res 24.
- Lee, H-Tau, Sheu Hua, Chen(2001) «Fuzzy regression model with fuzzy input and out put data for manpower forecasting», *Journal of Fuzzy sets and systems*, 119, Pp: 205-213.
- Mohammadi, Jahangard, Taheri, Seyyed Mahmood(1384) «Fitting Pedo transfer functions using fuzzy regression», *Sciences and Technology Agriculture and Natural Resources*, ninth years, second copy, Pp: 50-82.
- Moskowitch, H, K.J, Kim(1993) «On assessing the H-value in fuzzy linear regression», *Journal of fuzzy sets and systems*, 58, 1993, Pp: 313-320.
- Pai, P- feng, C- Cheng, Lin(2005) «A hybrid ARIMA and Support Vector Machines model in stock price forecasting», *The Journal of Omega* 33, Pp: 497-500.

- Taheri, S.M, Alamatsaz, S.M (1385) «linear regression whit fuzzy coefficients», *Article collection of sixth statistics conference of Iran*, Tarbiat modares university, First copy, Pp: 319-334.
- Tanaka.H, H. Ishibuchi (1992) *Possibilistic regression analysis based on linear programming*, in: J. Kacprzyk, M.Fedrizzi (Eds), Fuzzy regression analysis, Omintech press, Warsaw -and physica-verlag, Heidelberg, Pp: 260-265.
- Tanaka.H, S. Uejima, K. Asai(1982) «Linear regression analysis with fuzzy model, IEEE, Systems, Trans», *Systems Man Cybernet*. SMC2, Pp: 903-907.
- Tseng, Fang- mei, Lin, Lin(2005) «A quadratic interval logit model for forecasting bankruptcy», *The journal Omega*, 33, Pp: 84-91.
- Wang, H.f, Rc, Tsaur(2000) «Insight of a fuzzy regression model», *Journal of Fuzzy sets and systems*, 12, Pp: 471-475.
- Wang, L, L. Zhang, H. Itoh, H. Seki(1995) «A fuzzy regression method based on genetic -algorithms», Proc. 3rd Int. conf. *Fuzzy logic, Neural nets and soft computing*, Lizuka, Pp: 352-365.
- Wu, Berlin, Neng-f, Tseng(2002) «A new approach to fuzzy regression models with application to business cycle analysis», *Journal of Fuzzy sets and systems*, 13, Pp: 33-42.